

# Posudek oponenta diplomové práce

---

**Autor práce:** Dominik Kasl

**Název práce:** Modelování růstu a remodelace měkkých tkání s využitím teorie porézních prostředí

**Studijní program:** N3955 – Počítačové modelování v inženýrství

---

**Splnění cílů:** cíle práce splněny s výhradami

**Odborný přínos:** práce zpracovává výsledky z různých zdrojů

**Odborná úroveň:** vynikající

**Grafická, jazyková a formální úroveň:** velmi dobrá

**Věcné chyby:** vzhledem k rozsahu přiměřený počet

**Hodnocení:** Předložená diplomová práce se zabývá matematickým modelováním růstu a remodelace měkkých tkání. Autor při formulování matematického modelu vychází z aktuálních publikací a článků. V práci je shrnuta teorie porézních prostředí doplněná vztahy pro růst a remodelaci tkání. Pomocí aktualizované Lagrangeovy formulace je nelineární systém rovnic převeden do přírůstkového tvaru, prostorová diskretizace je realizována metodou konečných prvků a časové derivace jsou nahrazeny konečnými diferencemi. Součástí práce jsou i numerické výsledky pro testovací okrajovou úlohu.

Autor je schopen se zorientovat v poměrně složité problematice modelování růstu a remodelace a dokáže formulovat potřebné podmínky rovnováhy, konstitutivní vztahy a počáteční a okrajové podmínky pro zvolený matematický model. Autor též prokázal znalosti numerických metod vhodných pro řešení výsledného nelineárního systému, což dokazuje zejména v příloze „C“, ve které je podrobně popsána prostorová diskretizace systému rovnic pomocí metody konečných prvků.

Práce obsahuje velké množství rovnic a výrazů, ne vždy je však jasné, z čeho jednotlivé vztahy plynou nebo z jaké literatury autor čerpal. Některá odvození a uvedené předpoklady by si zasloužily více vysvětlujícího textu. Hlavní nedostatek této diplomové práce vidím v implementaci matematického modelu (použit byl systém *Matlab*) a jeho nedostatečném odlazení. Numerické výsledky prezentované v 5. kapitole, což jsou pouze dva obrázky zobrazující objemové zastoupení tuhé složky v dané struktuře, se jeví značně nevěrohodně. Pro takto složitý matematický model by bylo vhodné uvažovat některá zjednodušení, která umožní lepší verifikaci vytvořeného výpočtového programu.

**Závěr:** Předloženou práci **doporučuji** k obhajobě a navrhuji hodnocení **dobře**.

### Dotazy:

- Na str. 4 dole uvádíte, že „Rovnice 2.5 poslouží v následujících kapitolách jako podmínka nestlačitelnosti“. Za jakých předpokladů toto platí?
- Z čeho plyne rovnice (3.12)? Píšete, že přenásobením rovnice (2.5) Lagrangeovým multiplikátorem  $\lambda$ . Souvislost mezi rovnicemi (2.5) a (3.12) není ale na první pohled zřejmá.
- Jaké jsou systémové proměnné, které zmiňujete na str. 15? Proč je většina členů v nerovnici (3.16) rovna nule?

### Připomínky, poznámky:

- Str. 8: „zavedení nové skalární funkce  $n^\alpha$ , viz 2.1.“ – v rovnici (2.1) se  $n^\alpha$  neobjevuje
- Str. 9: definice parciální a materiálové hustoty jsou prohozené, chybí „=“; veličiny  $\mathbf{x}$  a  $\mathbf{X}$  nejsou vysvětleny
- Str. 10: „kde  $(\cdot)$  značí parciální derivaci  $(\cdot)$ “; chybí operátor *Grad* v rov. (2.16)
- Str. 11: chybí operátor *Grad* v rov. (2.17)
- Str. 12: v rov. (2.26) je použit operátor divergence  $\nabla \cdot$ , ten je ale zaveden/přeznačen až na str. 14
- Str. 13: „Připomeňme, že důvodu nestlačitelnosti platí“
- Str. 14: přeznačení operátorů je zde nevhodné! Proč není použito konzistentní značení v celé práci?
- Str. 14: nerovnice entropie (3.14) a (2.18) se liší:  $\pm$  u členu  $\frac{1}{2} \dot{\mathbf{x}}_\alpha \dot{\mathbf{x}}_\alpha$ ,  $\mathbf{D}_\alpha$  a  $\mathbf{L}_\alpha$
- Str. 17: není jasný vztah mezi  $S_F$  a  $\mathbf{S}^F$ , viz vztahy (3.44) a (3.45)

V Plzni dne 22.8.2019

.....  
Ing. Vladimír Lukeš, Ph.D.  
katedra mechaniky FAV ZČU